

パワーエレクトロニクス  
第八回 DC-DCコンバータ①

2023年6月7日

# 授業の予定

- パワーエレクトロニクス緒論
- パワーエレクトロニクスにおける基礎理論
- パワー半導体デバイス
- 整流回路
- 整流回路の交流側特性と他励式インバータ
- 交流電力制御とサイクロコンバータ
- 直流チョッパ
- DC-DCコンバータと共振形コンバータ
- 自励式インバータ
- 演習

# スイッチモードDC-DCコンバータ (スイッチング電源)

- 非絶縁型

- 直接型

- バックコンバータ

降圧

- ブーストコンバータ

昇圧

- 間接型

- バック・ブーストコンバータ

昇降圧

- チュックコンバータ

昇降圧

- 絶縁型

- フライバックコンバータ

- フォワードコンバータ

# リニアレギュレータ



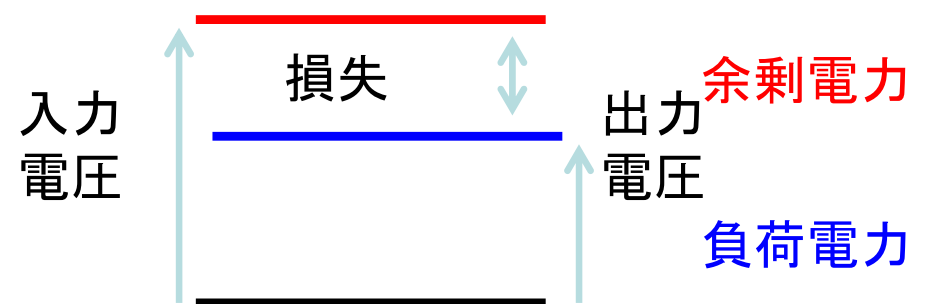
出力電圧  $V_o = I_L R_L$

負荷電力  $V_o I_L$

トランジスタでの消費電力

$$V_{CE} I_L$$

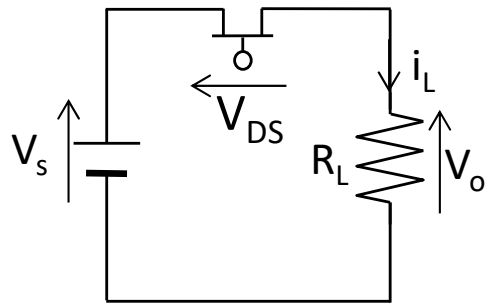
トランジスタは抵抗動作



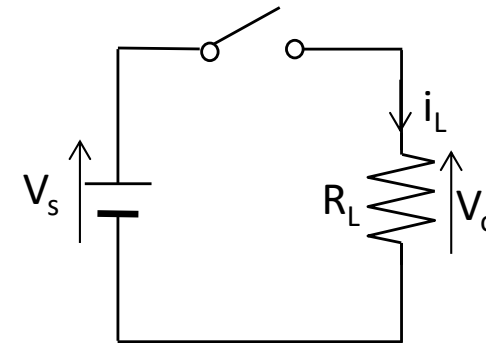
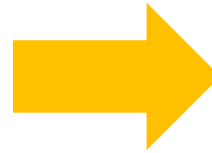
損失大  
ノイズ低い  
昇圧不可

# スイッチングコンバータ

トランジスタはON/OFF(スイッチ)動作



等価回路

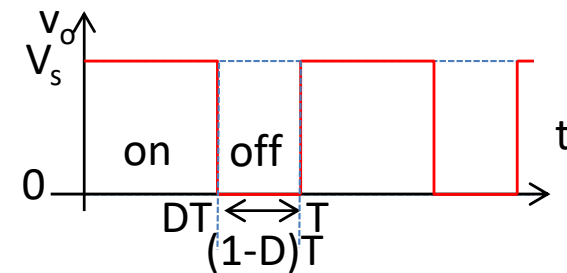


損失少ない  
ノイズ多い

出力電圧

$$V_o = \frac{1}{T} \int_0^T v_o(t) dt = \frac{1}{T} \int_0^{DT} V_s dt = V_s D$$

デューティ比  $D \equiv \frac{t_{on}}{t_{on} + t_{off}} = \frac{t_{on}}{T} = t_{on} f$

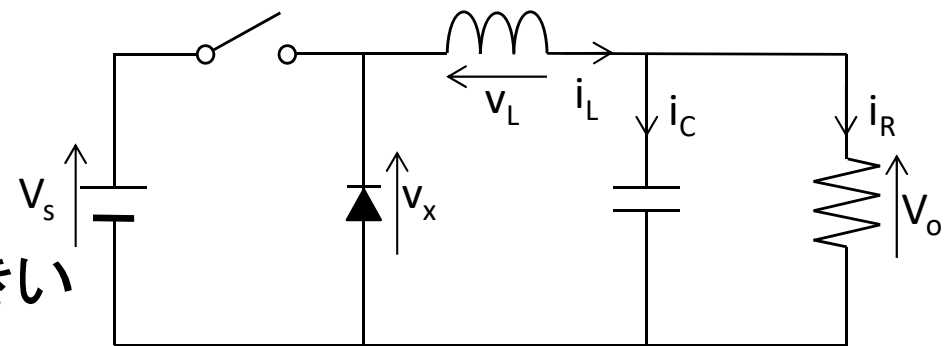


全電力が負荷で消費。効率高い

# バック(Buck)コンバータ

※BackではなくBuck  
Buck:振り落とす(他動)

- 電源電圧を降圧
  - ダウンコンバータとも呼ぶ
- 回路構成要素
  - L:一時的にエネルギーを貯める
  - C:ローパスフィルタ
    - 定電圧を得るため十分大きい
    - 用途によっては不要
- (環流)ダイオード
  - スイッチオフ時の電流経路を形成
  - スイッチオン時は逆バイアスされオフ



# バックコンバータ スイッチオン時

- Lに印加される電圧

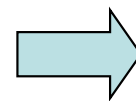
$$v_L = V_S - V_O = L \frac{di_L}{dt}$$

- Lに流れる電流

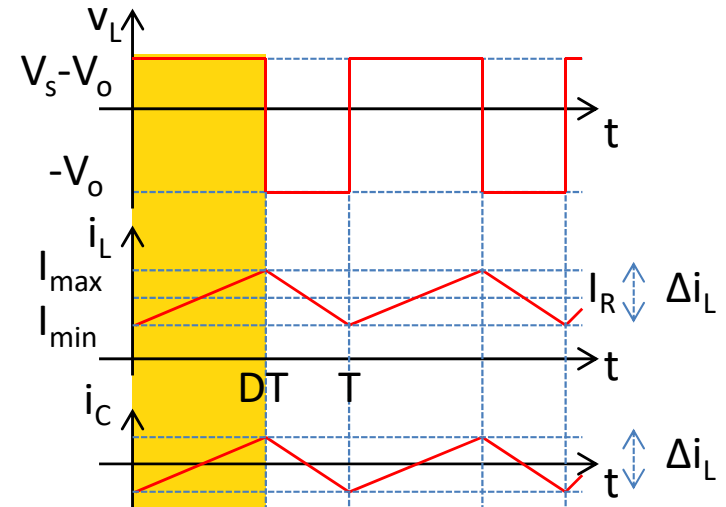
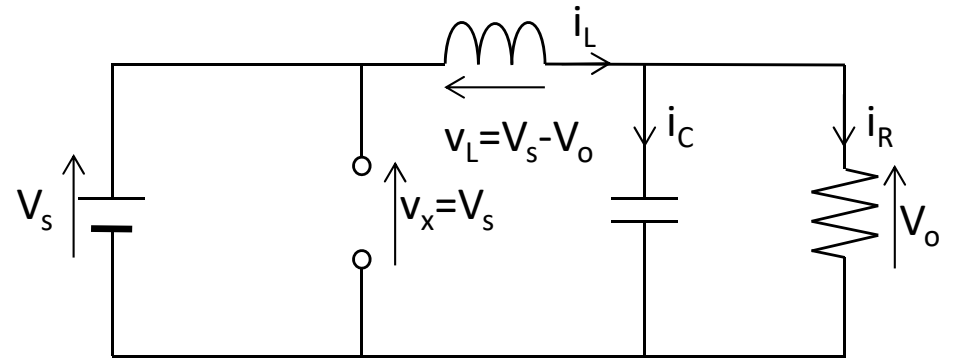
$$\frac{di_L}{dt} = \frac{V_S - V_O}{L}$$

- 電流は直線的に増加  
(C大より $V_O$ 一定)

$$\frac{di_L}{dt} = \frac{\Delta i_L}{\Delta t} = \frac{\Delta i_L}{DT} = \frac{V_S - V_O}{L}$$



$$\Delta i_{L,on} = \frac{V_S - V_O}{L} DT$$



# バックコンバータ スイッチオフ時

- Lに印加されている電圧

- 電源は縁切りされる

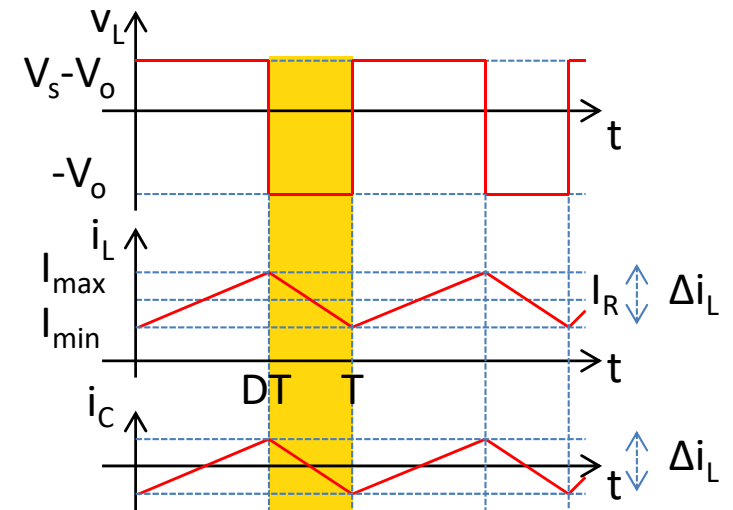
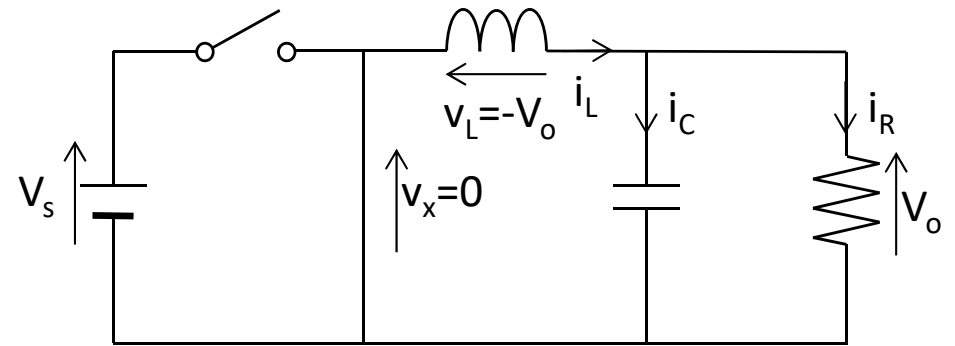
$$v_L = -V_o = L \frac{di_L}{dt}$$

- Lに流れる電流の微分方程式

$$\frac{di_L}{dt} = \frac{-V_o}{L}$$

- 電流は直線的に減少  
(C大よりV<sub>o</sub>一定)

$$\frac{di_L}{dt} = \frac{\Delta i_L}{\Delta t} = \frac{\Delta i_L}{(1-D)T} = \frac{-V_o}{L} \quad \Rightarrow \quad \Delta i_{L,off} = \frac{-V_o}{L} (1-D)T$$





# バックコンバータ Lに流れる電流

- 周期定常状態  $\Rightarrow$  一周期後に同じ電流値

交流回路と同じ

$$\Delta i_{L,on} + \Delta i_{L,off} = 0$$

- 電源電圧と出力電圧の関係

$$\frac{V_s - V_o}{L} DT + \frac{-V_o}{L} (1-D)T = 0 \quad \Rightarrow \quad V_o = V_s D$$

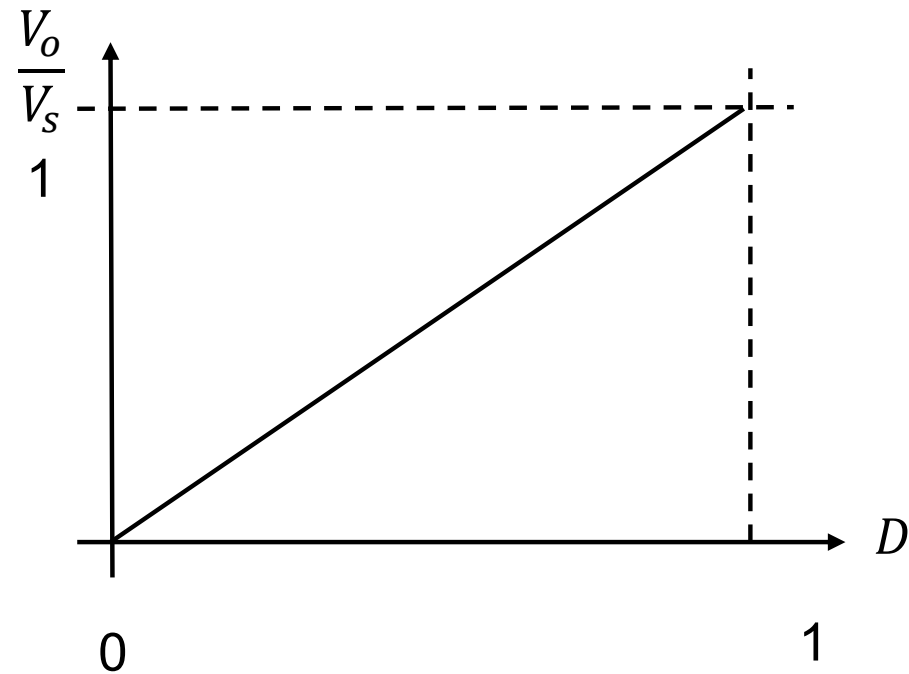
- 別解

- Lに印加される電圧の平均が零となる事から

$$V_L = (V_s - V_o)DT - V_o(1-D)T = 0 \quad \Rightarrow \quad V_o = V_s D$$

# バックコンバータ 降圧比(連続導通)

- $\frac{V_o}{V_s} = D$



# バックコンバータ 電流脈動

- Lの平均電流と負荷の平均電流は等しい
  - Cの平均電流は零

$$I_L = I_R = \frac{V_o}{R}$$

- 電流の最大・最小値

$$I_{\max} = I_L + \frac{\Delta i_L}{2} = \frac{V_o}{R} + \frac{1}{2} \left[ \frac{V_o}{L} (1-D)T \right] = V_o \left[ \frac{1}{R} + \frac{1-D}{2Lf} \right]$$
$$I_{\min} = I_L - \frac{\Delta i_L}{2} = \frac{V_o}{R} - \frac{1}{2} \left[ \frac{V_o}{L} (1-D)T \right] = V_o \left[ \frac{1}{R} - \frac{1-D}{2Lf} \right]$$

# バックコンバータ 連続導通条件

- $I_{min} = V_o \left[ \frac{1}{R} + \frac{1-D}{2L} T \right] > 0$ 
  - $\frac{1}{R} + \frac{1-D}{2L} T > 0$ 
    - $L > \frac{(1-D)TR}{2} = L_{min}$
    - $D > 1 - \frac{2L}{RT}$

# バックコンバータ 不連続導通

- ダイオードの導通期間  $D'T$

- 連続導通  $D + D' = 1$

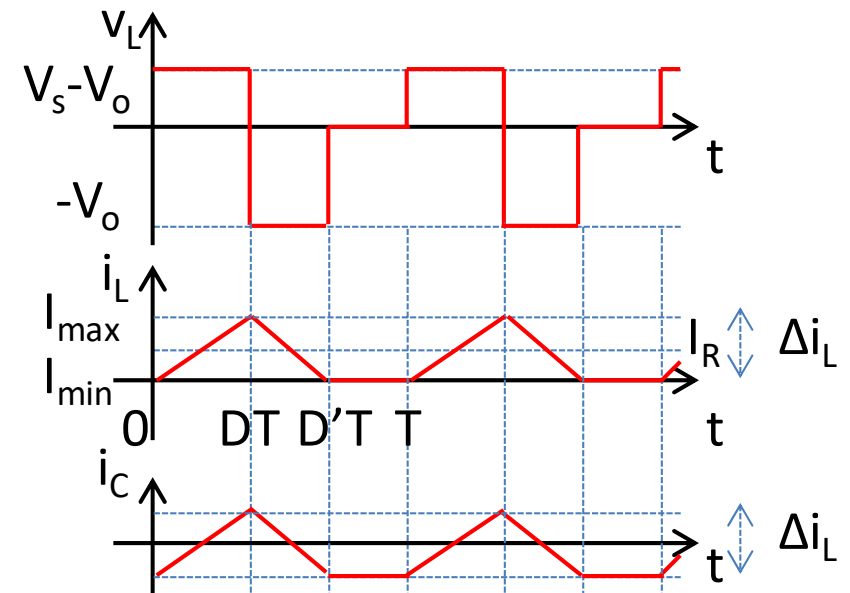
- 不連続導通  $D + D' < 1$

- 電流変化量

- $\Delta i_{Lon} = \frac{(V_s - V_o)DT}{L}$

- $\Delta i_{Loff} = \frac{-V_o D'T}{L}$

- $\Delta i_{Lon} + \Delta i_{Loff} = \frac{(V_s - V_o)DT}{L} + \frac{-V_o D'T}{L} = 0$



# バックコンバータ 不連続導通

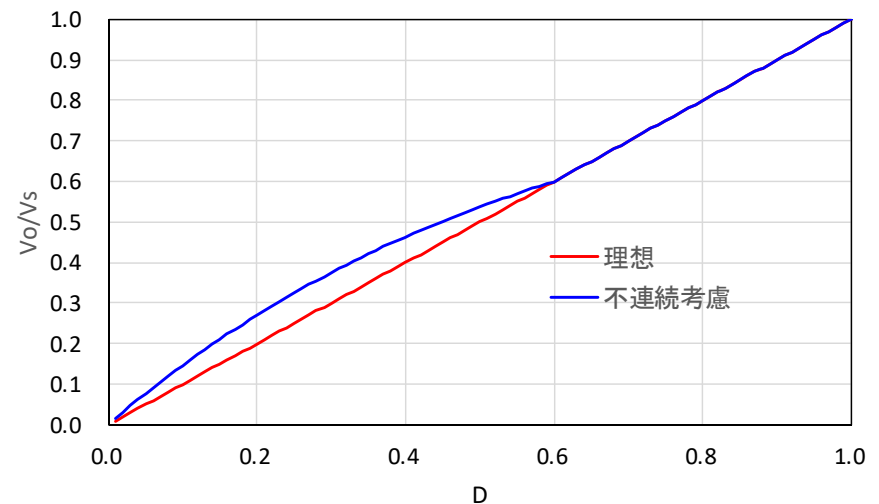
- $(V_s - V_o)D - V_o D' = 0$
- $V_s D = V_o (D + D')$
- $\frac{V_o}{V_s} = \frac{D}{D + D'}$
- Lの平均電流は負荷の平均電流に等しい

$$\begin{aligned} \bullet I_L = I_R &= \frac{V_o}{R} = \frac{1}{T} \left( \frac{\Delta i_{L\text{on}} D T}{2} - \frac{\Delta i_{L\text{off}} D' T}{2} \right) \\ &= \frac{\Delta i_{L\text{on}} (D + D')}{2} = \frac{V_o D' T (D + D')}{2L} \end{aligned}$$

# バックコンバータ 不連続導通

- $\frac{V_o}{R} = \frac{V_o D' T (D + D')}{2L}$
- $\frac{D' T (D + D')}{2L} - \frac{1}{R} = 0$
- $D' (D + D') - \frac{2L}{RT} = 0$
- $D'^2 + DD' - \frac{2L}{RT} = 0$
- $D' = \frac{-D \pm \sqrt{D^2 + \frac{8L}{RT}}}{2}$   
 $= \frac{-D + \sqrt{D^2 + \frac{8L}{RT}}}{2}$

- $\frac{V_o}{V_s} = \frac{D}{D + D'} = \frac{D}{D + \frac{-D + \sqrt{D^2 + \frac{8L}{RT}}}{2}}$   
 $= \frac{2D}{D + \sqrt{D^2 + \frac{8L}{RT}}}$



# バックコンバータ 電圧脈動

- Cの電流:  $I_C = I_L - I_R$
- Cの電荷と電圧の関係

- $Q = CV_o$

- 充電電荷について

- $\Delta Q = C\Delta V_o = \frac{1}{2} \frac{T}{2} \frac{\Delta i_L}{2} = \frac{T\Delta i_L}{8}$

- $\Delta V_o = \frac{T\Delta i_L}{8C} = \frac{T}{8C} \frac{V_o}{L} (1-D)T$   
 $= \frac{V_o(1-D)}{8LCf^2}$

- リップル率:  $\frac{\Delta V_o}{V_o} = \frac{1-D}{8LCf^2}$

