

パワーエレクトロニクス

(舟木担当分)

第4回

- 位相制御交直変換回路

平成17年6月20日月曜日 3限目

変換器の出力調整

- ダイオード
 - ON・OFF共非可制御
 - 交直変換は整流のみ可能
- サイリスタ
 - ONはゲート信号で制御可能
 - 但し,順バイアス印加時のみ
 - OFFは非可制御
 - 但し,ON時の状態がゲート信号で変わるため, OFF時の状態も付随して変化する
 - 回路構成・条件によっては整流・逆変換の双方向変換が可能

先週は抵抗負荷をやった。今週は,誘導負荷,容量負荷。

位相制御単相半波整流回路

- 誘導性負荷

- 電圧・電流の振る舞い

- 電源電圧

- 回路図

$$v = \sqrt{2}V \sin \omega t$$

- サイリスタの導通期間中 , 電圧はL,Rが分担

- Lの印加電圧

$$e_L = L \frac{d}{dt} i_d$$

- Rの印加電圧

$$e_R = R i_d$$

- 印加電圧

- » 導通期間中

$$e_d = e_L + e_R = v$$

- » 非導通期間中

$$e_d = e_L + e_R = 0$$

位相制御単相半波整流回路

- 誘導性負荷

- 出力電流波形を求める

- 点弧角を α とする

- 点弧可能な条件

$$0 \leq \alpha \leq \pi$$

- オン状態の微分方程式

$$v = e_L + e_R = L \frac{d}{dt} i_d + R i_d$$

- オン時点の初期値

- » オン時点を時間の原点にとる

$$v_0 = \sqrt{2}V \sin \alpha$$

$$i_0 = 0$$

- » $v = \sqrt{2}V \sin(\omega t + \alpha)$ を考慮してラプラス変換

位相制御単相半波整流回路

- 誘導性負荷

- 出力電流波形を求める

- 微分方程式のラプラス変換表示

$$\sqrt{2}V \frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} = LsI_d - Li_0 + RI_d$$

$$I_d = \sqrt{2}V \frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} \frac{1}{Ls + R}$$

$$\frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} \frac{1}{Ls + R} = \frac{a\omega + bs}{s^2 + \omega^2} + \frac{c}{Ls + R}$$

- として部分分数展開

$$\begin{cases} a = \frac{R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha}{R^2 + \omega^2 L^2} \\ b = \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{R^2 + \omega^2 L^2} \\ c = -L \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{R^2 + \omega^2 L^2} \end{cases} \quad \text{が得られる}$$

位相制御单相半波整流回路

- 誘導性負荷
 - 出力電流波形を求める

$$I_d = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left(\frac{-R \sin \alpha + \omega L \cos \alpha}{s + \frac{R}{L}} - \frac{(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha)\omega + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha)s}{s^2 + \omega^2} \right)$$

- 逆変換

$$i_d(t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[\left(-R \sin \alpha + \omega L \cos \alpha \right) \exp\left(-\frac{R}{L}t\right) - \left(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha \right) \sin \omega t + \left(R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha \right) \cos \omega t \right]$$

- 時間の原点を元に戻して

波形の絵

$$i_d(\omega t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[\left(-R \sin \alpha + \omega L \cos \alpha \right) \exp\left(-\frac{R}{\omega L}\{\omega t - \alpha\}\right) - \left(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha \right) \sin \{\omega t - \alpha\} + \left(R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha \right) \cos \{\omega t - \alpha\} \right]$$

位相制御単相半波整流回路

- 誘導性負荷
 - 出力電流波形を求める
 - 消弧角 は

$$i_d(\mathbf{b}) = 0 = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[\left(-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a} \right) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{b} - \mathbf{a}\}\right) \right. \\ \left. - \left(R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a} \right) \sin\{\mathbf{b} - \mathbf{a}\} + \left(R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a} \right) \cos\{\mathbf{b} - \mathbf{a}\} \right]$$

を満たす として求める

– Lが大きい ($L \gg R$) として, 近似すると...

$$0 = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[\omega L \cos \mathbf{a} - \omega L \sin \mathbf{a} e^{-\frac{R}{L} \left(t - \frac{\mathbf{a}}{\omega} \right)} \rightarrow 1 \right. \\ \left. \sin\{\mathbf{b} - \mathbf{a}\} - \omega L \cos \mathbf{a} \cos\{\mathbf{b} - \mathbf{a}\} \right] \\ = \frac{\sqrt{2}V\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[\cos \mathbf{a} - \cos\{\mathbf{a} + \mathbf{b} - \mathbf{a}\} \right] \\ = \frac{\sqrt{2}V\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[\cos \mathbf{a} - \cos \mathbf{b} \right]$$

$$\mathbf{b} = \pm \mathbf{a} \quad \mathbf{b} = \mathbf{a} \quad \text{だと解にならないから} \quad \mathbf{b} = -\mathbf{a} = 2p - \mathbf{a}$$

位相制御単相半波整流回路

- 容量性負荷

- 電圧・電流の振る舞い

- 電源電圧

- 回路図

$$v = \sqrt{2}V \sin \omega t$$

- ダイオード整流回路では, $e_d < v$ となったときに導通
- サイリスタ整流回路では, ダイオード整流回路のオン条件と, ゲート信号のANDが点弧条件となる
 - ゲート信号の生成方式で動作が変わる

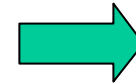
絵

位相制御単相全波整流回路

- 抵抗負荷

- 導通期間 (点弧角)

- \sim (正の半波)
 - $+$ \sim (負の半波)



不連続

回路の絵
波形の絵

- ダイオードでは

- $0 \sim$ (正の半波)

- ~ 2 (負の半波)



連続

- ゲート信号を半周期毎に出力する必要がある

- 半周期毎のタイミングがずれると, 半波非対称となる

- 直流出力電圧平均値はどうなる?

- 電源電圧 $v = \sqrt{2}V \sin \omega t$

位相制御単相全波整流回路

- 抵抗負荷
 - 直流出力電圧平均値

$$\begin{aligned} E_d &= \frac{1}{2p} \int_0^{2p} e_d d\omega t = \frac{1}{2p} \left\{ \int_a^p v d\omega t + \int_{p+a}^{2p} -v d\omega t \right\} \\ &= \frac{1}{2p} \left\{ \int_a^p \sqrt{2}V \sin \omega t d\omega t + \int_{p+a}^{2p} -\sqrt{2}V \sin \omega t d\omega t \right\} \\ &= \frac{V}{\sqrt{2}p} \left\{ [-\cos \omega t]_a^p - [-\cos \omega t]_{p+a}^{2p} \right\} = \frac{V}{\sqrt{2}p} \{ [1 + \cos a] - [-1 - \cos a] \} \\ &= \frac{2\sqrt{2}V}{p} \frac{1 + \cos a}{2} = \frac{2\sqrt{2}V}{p} \frac{\cos^2 \frac{a}{2} + \sin^2 \frac{a}{2} + \cos^2 \frac{a}{2} - \sin^2 \frac{a}{2}}{2} \\ &= \frac{2\sqrt{2}V}{p} \cos^2 \frac{a}{2} \end{aligned}$$

半波整流
回路の2倍

位相制御単相全波整流回路

- 誘導負荷

- 導通期間 (点弧角 , 消弧角)

- \sim (正の半波について)

- $+$ \sim $+$ (負の半波について)

- \geq $+$ となる時に連続導通となる

- » この時 , 正の半波の導通期間は \sim $+$

- » ダイオードでは常に連続導通

- 連続導通と不連続導通の境界を求める

- オン状態の微分方程式 (正の半波)

$$v = e_L + e_R = L \frac{d}{dt} i_d + R i_d$$

- オン時点の初期値

$$v_0 = \sqrt{2}V \sin a$$

$$i_0 = 0 \quad \leftarrow \text{不連続および, 連続との境界}$$

回路の絵
波形の絵

位相制御単相全波整流回路

- 誘導性負荷

- 出力電流波形を求める

- 微分方程式のラプラス変換表示

$$\sqrt{2}V \frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} = LsI_d + RI_d$$

$$I_d = \sqrt{2}V \frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} \frac{1}{Ls + R}$$

$$\frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} \frac{1}{Ls + R} = \frac{a\omega + bs}{s^2 + \omega^2} + \frac{c}{Ls + R}$$

- として部分分数展開

$$\begin{cases} a = \frac{R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha}{R^2 + \omega^2 L^2} \\ b = \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{R^2 + \omega^2 L^2} \\ c = -L \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{R^2 + \omega^2 L^2} \end{cases} \quad \text{が得られる}$$

位相制御単相全波整流回路

- 誘導性負荷
 - 出力電流波形を求める

$$I_d = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left(\frac{(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \omega + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) s}{s^2 + \omega^2} - \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{s + \frac{R}{L}} \right)$$

- 逆変換

$$i_d(t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \sin \omega t + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \cos \omega t - (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \exp\left(-\frac{R}{L} t\right) \right]$$

- 時間の原点を元に戻して

波形の絵

$$i_d(\omega t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[- (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\omega t - \alpha\}\right) + (R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \sin\{\omega t - \alpha\} + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \cos\{\omega t - \alpha\} \right]$$

位相制御单相全波整流回路

- 誘導性負荷
 - 出力電流波形を求める
 - 消弧角 は

$$i_d(\mathbf{b}) = 0 = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[- (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{b} - \mathbf{a}\}\right) \right. \\ \left. + (R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin\{\mathbf{b} - \mathbf{a}\} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos\{\mathbf{b} - \mathbf{a}\} \right]$$

– を満たす

- 連続導通となる条件は

$$\mathbf{b} \geq \mathbf{p} + \mathbf{a}$$

– すなわち

$$i_d(\mathbf{p} + \mathbf{a}) \geq 0$$

– となればよい

位相制御单相全波整流回路

- 誘導性負荷

- 出力電流波形を求める

- 連続導通となる条件

$$\begin{aligned} i_d(\mathbf{p} + \mathbf{a}) &= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[- (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\}\right) \right. \\ &\quad \left. + (R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\} \right] \\ &= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[- (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \right. \\ &\quad \left. + (R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin \mathbf{p} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos \mathbf{p} \right] \\ &= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[- (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) - (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \right] \\ &= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \left[\exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) + 1 \right] \geq 0 \end{aligned}$$

$$\frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} > 0 \quad \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) + 1 > 0 \quad \text{よ} \text{ } \quad -R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a} \geq 0$$

$$\tan \mathbf{a} \leq \frac{\omega L}{R} \quad \longrightarrow \quad \mathbf{a} \leq \arctan \frac{\omega L}{R}$$

位相制御単相全波整流回路

- 誘導負荷

- 連続導通の時 (厳密)

- オン状態の微分方程式 (正の半波)

$$v = e_L + e_R = L \frac{d}{dt} i_d + R i_d$$

- オン時点の初期値

$$v_0 = \sqrt{2}V \sin \alpha$$

$$i_0 \neq 0$$

- ラプラス変換

$$\sqrt{2}V \frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} = LsI_d - Li_0 + RI_d$$

$$I_d = \sqrt{2}V \frac{\omega \cos \alpha + s \sin \alpha}{s^2 + \omega^2} \frac{1}{Ls + R} + \frac{Li_0}{Ls + R}$$

位相制御単相全波整流回路

- 誘導性負荷 (連続導通の時 厳密)
 - 出力電流波形を求める

$$I_d = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left(\frac{(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha)\omega + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha)s}{s^2 + \omega^2} - \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{s + \frac{R}{L}} \right) + \frac{i_0}{s + \frac{R}{L}}$$

- 逆変換

$$i_d(t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \sin \omega t + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \cos \omega t - (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \exp\left(-\frac{R}{L}t\right) \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{L}t\right)$$

- 時間の原点を元に戻して

$$i_d(\omega t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \sin \{\omega t - \alpha\} + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \cos \{\omega t - \alpha\} - (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\omega t - \alpha\}\right) \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\omega t - \alpha\}\right)$$

位相制御单相全波整流回路

- 誘導性負荷 (連続導通の時 厳密)
 - 連続導通の時の電流初期値

$$\begin{aligned}i_d(\mathbf{p} + \mathbf{a}) &= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\} \right. \\&\quad \left. - (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\}\right) \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\}\right) \\&= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin \mathbf{p} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos \mathbf{p} \right. \\&\quad \left. - (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \\&= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[- (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) - (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \\&= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \left[\exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) + 1 \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \\&= i_0\end{aligned}$$

$$\text{よって } i_0 \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \right] = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \left[1 + \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \right]$$

$$i_0 = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \frac{1 + \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)}{1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)}$$

点弧角　がおおきくなると,電流初期値も小さくなる

位相制御单相全波整流回路

- 誘導性負荷

- 出力電流波形を求める

- 連続導通となったとき , どのような動作となるか ?

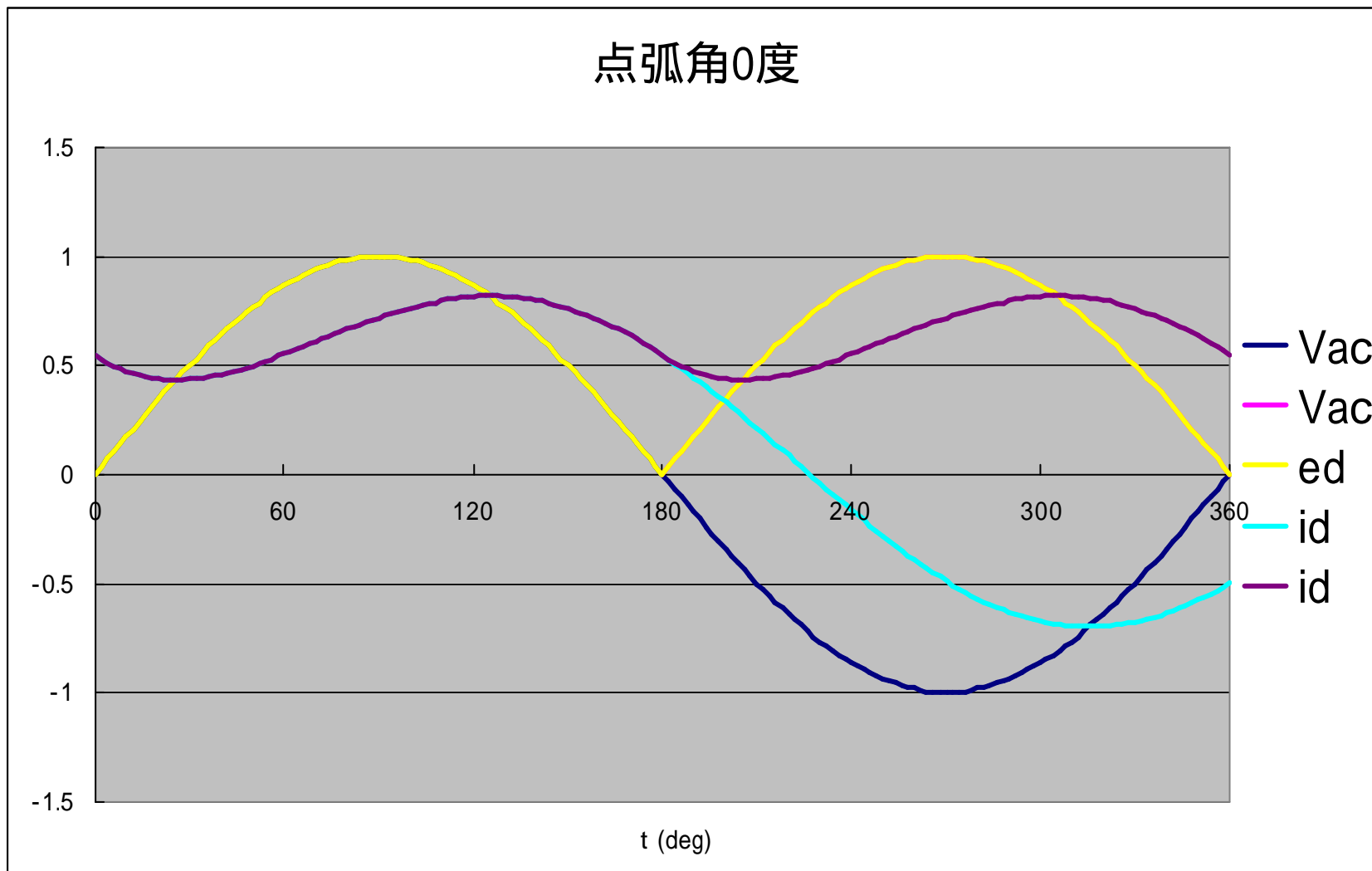
- 波形

- Th1, Th1' が導通している状態で , Th2, Th2' に点弧パルスを与える

- » Th2, Th2' が導通すると , Th1, Th1' と短絡回路形成
 - » 電源の内部インピーダンスがないと短絡電流発生
 - » Th1, Th1' が電源電圧で逆バイアスされターンオフ
 - » 電流連続の条件より , Th1, Th1' に流れていた電流がTh2, Th2' に移る 転流
 - » サイリスタは自己消弧できず , 転流に電源電圧が必要となるので $0 \leq a < p$ とする必要がある

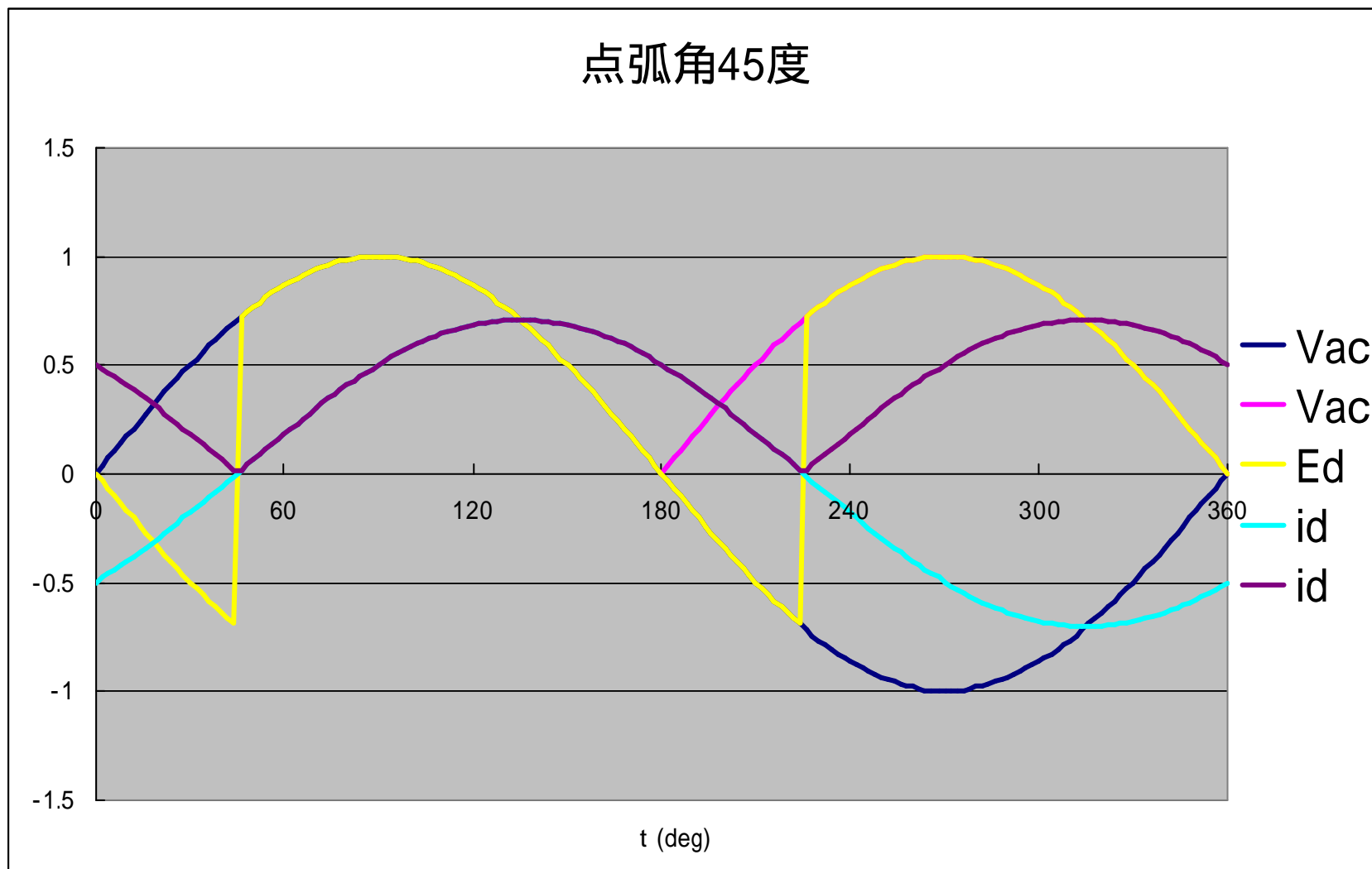
位相制御单相全波整流回路出力波形

誘導負荷 点弧角0度



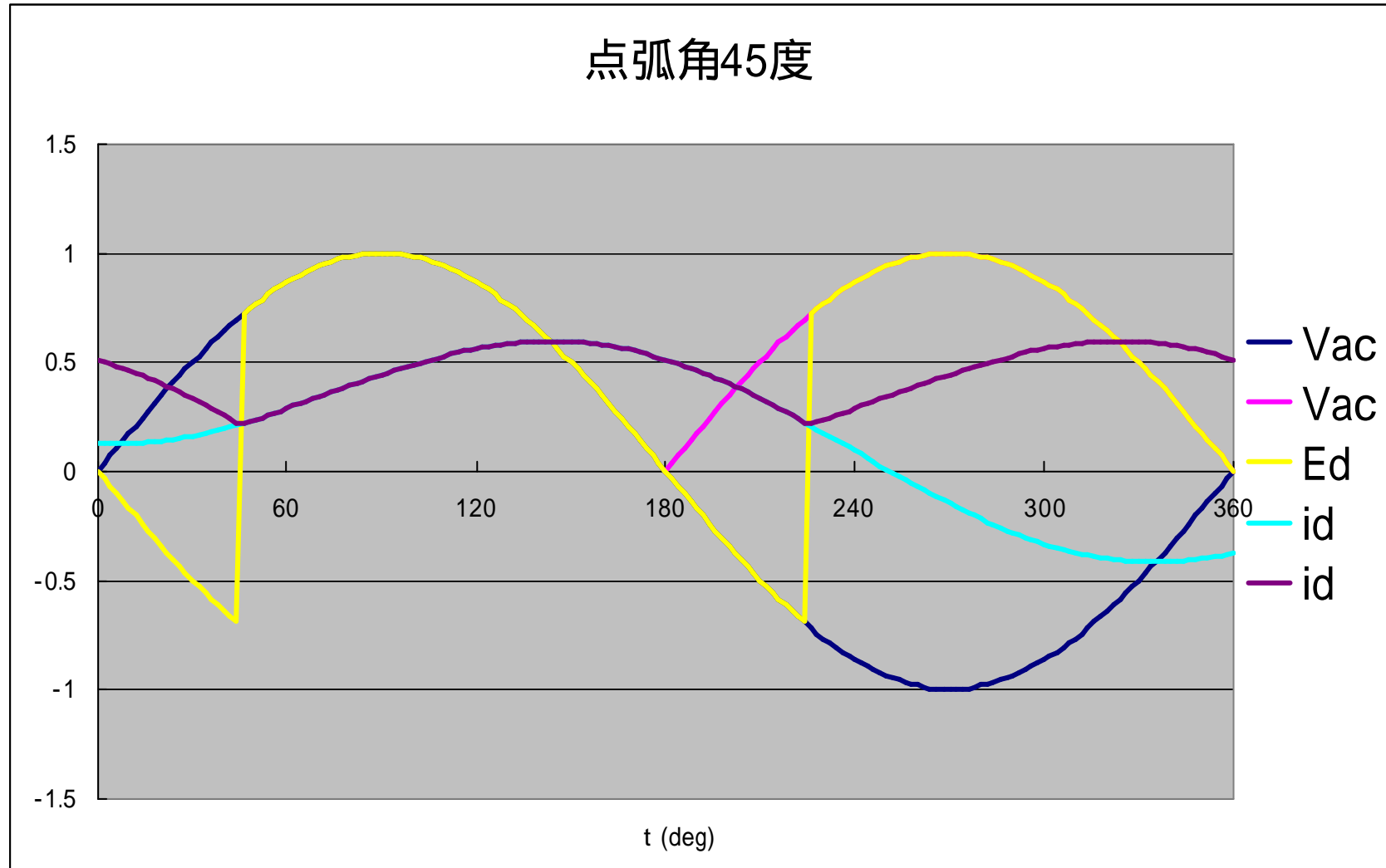
位相制御单相全波整流回路出力波形

誘導負荷 点弧角45度



位相制御単相全波整流回路出力波形

誘導負荷 点弧角45度 (Lを倍にしたもの)



位相制御単相全波整流回路

- 誘導性負荷

- 直流出力電圧平均値(連続導通)

$$\begin{aligned} E_d &= \frac{1}{2p} \int_0^{2p} e_d d\omega t = \frac{1}{2p} \left\{ \int_0^a -v d\omega t + \int_a^{p+a} v d\omega t + \int_{p+a}^{2p} -v d\omega t \right\} \\ &= \frac{1}{p} \int_a^{p+a} \sqrt{2}V \sin \omega t d\omega t \\ &= \frac{\sqrt{2}V}{p} \left[-\cos \omega t \right]_a^{p+a} = \frac{\sqrt{2}V}{p} \{ -\cos(p+a) + \cos a \} \\ &= \frac{2\sqrt{2}V}{p} \cos a \end{aligned}$$

$\frac{p}{2} < a < p$ に対して $E_d < 0$ となるのか？

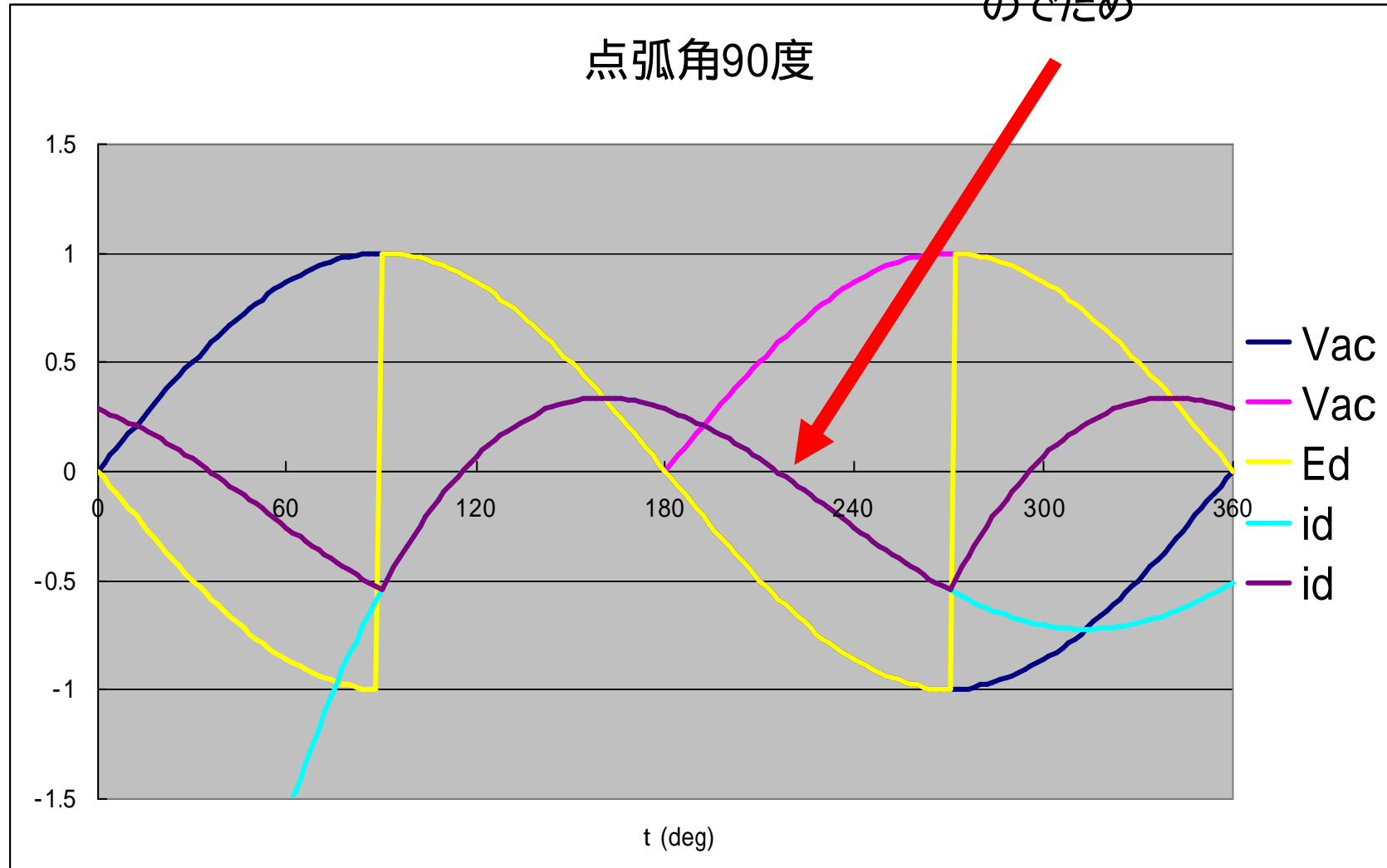
電流の符号は変わらないので, 負になったら逆変換？

でも $\tan a \leq \frac{\omega L}{R} \rightarrow a < \frac{p}{2}$ なので無理。不連続になる

位相制御単相全波整流回路出力波形

誘導負荷 点弧角90度

電流が負になっている
のでだめ



位相制御単相全波整流回路

- 誘導負荷 (直流電源付)
 - 逆変換動作 (電力の向き直流 交流)を考える
 - 点弧角を $\frac{p}{2} < a < p$ とすると, 直流出力端子電圧が負になる
$$E_d < 0$$
 - サイリスタの電流導通方向 (符号) は一定なので, 電力の符号が反転 逆変換
 - どうやって制約を超えるか? $\tan a \leq \frac{wL}{R}$
 - 直流に電源を入れてみよう
 - » そもそも直流側が受動部品だけでは逆変換不可能

回路の絵

位相制御単相全波整流回路

- 誘導負荷 (直流電源付) の逆変換動作
– 微分方程式 (正の半波導通状態)

$$v = e_L + e_R + v_{dc} = L \frac{d}{dt} i_d + R i_d + v_{dc}$$

- オン時点の初期値

$$v_0 = \sqrt{2}V \sin \mathbf{a}$$

$$i_0 \neq 0$$

- ラプラス変換

$$\sqrt{2}V \frac{\mathbf{w} \cos \mathbf{a} + s \sin \mathbf{a}}{s^2 + \mathbf{w}^2} = LsI_d - Li_0 + RI_d + \frac{v_{dc}}{s}$$

$$I_d = \sqrt{2}V \frac{\mathbf{w} \cos \mathbf{a} + s \sin \mathbf{a}}{s^2 + \mathbf{w}^2} \frac{1}{Ls + R} + \frac{Li_0}{Ls + R} - \frac{v_{dc}}{s} \frac{1}{Ls + R}$$

位相制御単相全波整流回路

- 誘導性負荷 (直流電源付) の逆変換動作
- 出力電流波形を求める

$$I_d = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left(\frac{(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \omega + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) s}{s^2 + \omega^2} - \frac{R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha}{s + \frac{R}{L}} \right) + \frac{i_0}{s + \frac{R}{L}} - \frac{v_{dc}}{R} \left(\frac{1}{s} - \frac{1}{s + \frac{R}{L}} \right)$$

- 逆変換

$$i_d(t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \sin \omega t + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \cos \omega t \right. \\ \left. - (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \exp\left(-\frac{R}{L} t\right) \right] + i_0 \exp\left(-\frac{R}{L} t\right) - \frac{v_{dc}}{R} \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{L} t\right) \right]$$

- 時間の原点を元に戻して

$$i_d(\omega t) = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(R \cos \alpha + \omega L \sin \alpha) \sin\{\omega t - \alpha\} + (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \cos\{\omega t - \alpha\} \right. \\ \left. - (R \sin \alpha - \omega L \cos \alpha) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\omega t - \alpha\}\right) \right] \\ + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\omega t - \alpha\}\right) - \frac{v_{dc}}{R} \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\omega t - \alpha\}\right) \right]$$

位相制御単相全波整流回路

- 誘導性負荷 (直流電源付) の逆変換動作
 - 連続導通の時の電流初期値

$$\begin{aligned}
 i_d(\mathbf{p} + \mathbf{a}) &= \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\}\right) \right. \\
 &\quad + (R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin\{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos\{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\} \\
 &\quad \left. + i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\}\right) - \frac{v_{dc}}{R} \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \{\mathbf{p} + \mathbf{a} - \mathbf{a}\}\right)\right] \right] \\
 &= i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) - \frac{v_{dc}}{R} \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)\right] + \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} \left[(-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) \right. \\
 &\quad \left. + (R \cos \mathbf{a} + \omega L \sin \mathbf{a}) \sin \mathbf{p} + (R \sin \mathbf{a} - \omega L \cos \mathbf{a}) \cos \mathbf{p} \right] \\
 &= i_0 \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) - \frac{v_{dc}}{R} \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)\right] + \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \left[\exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) + 1 \right] \\
 &= i_0
 \end{aligned}$$

$$i_0 \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)\right] = -\frac{v_{dc}}{R} \left[1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)\right] + \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \left[\exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right) + 1 \right]$$

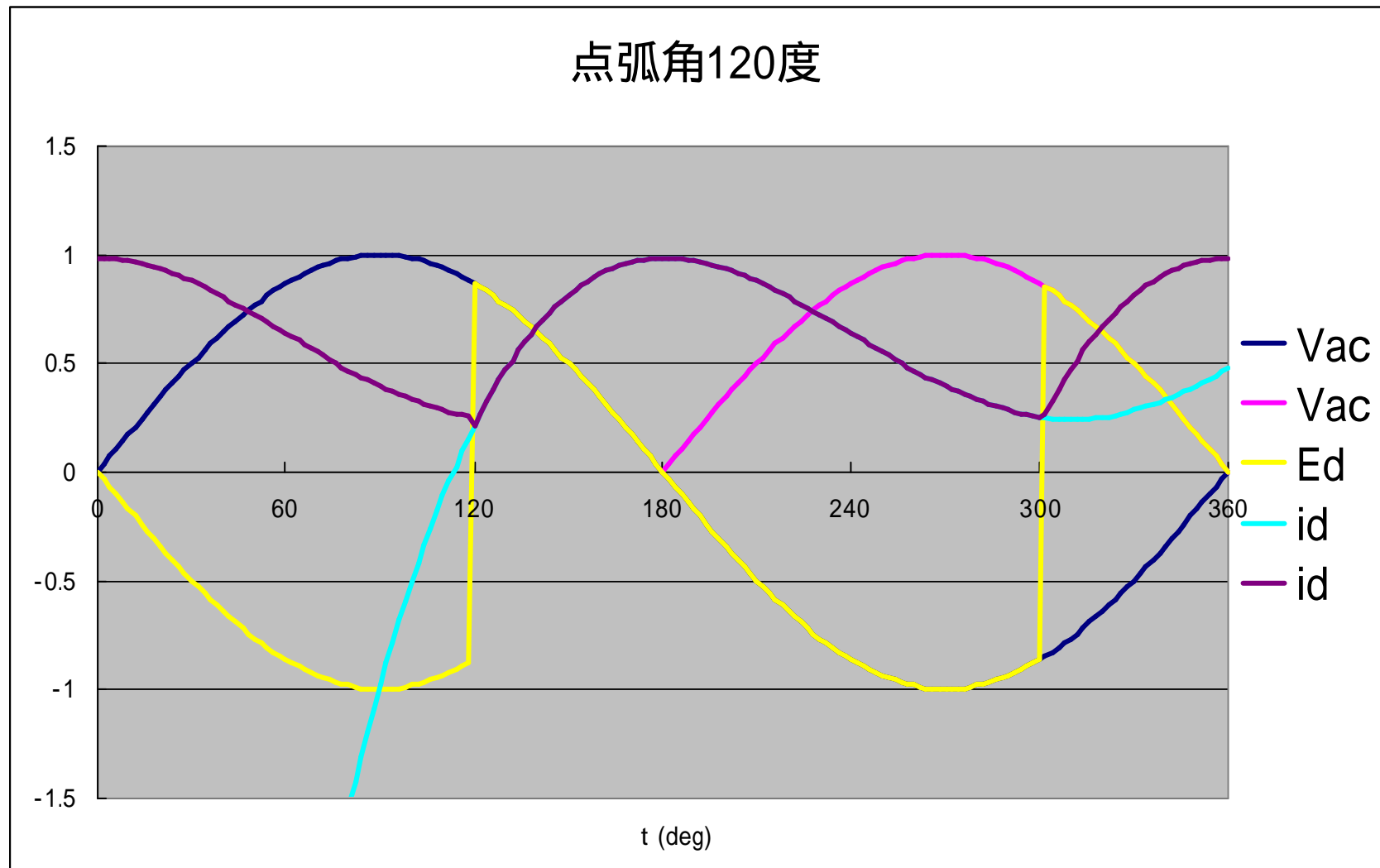
よって

$$i_0 = \frac{\sqrt{2}V}{R^2 + \omega^2 L^2} (-R \sin \mathbf{a} + \omega L \cos \mathbf{a}) \frac{1 + \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)}{1 - \exp\left(-\frac{R}{\omega L} \mathbf{p}\right)} - \frac{v_{dc}}{R}$$

V_{dc} を負にすれば, $\tan \mathbf{a} \leq \frac{\omega L}{R}$ の制約を考えなくてよくなる

位相制御单相全波整流回路出力波形

(直流電源付)の逆変換動作 点弧角120度



位相制御単相全波整流回路

- 転流重なり角
 - これまでの解析は交流電源の内部インピーダンスを無視
 - 考慮したらどうなるか？
- 電源インピーダンスを含まない回路図
 - 点弧時に交流電流は瞬時に反転
 - » 概念図
- 電源インピーダンスを含んだ回路図
 - 点弧時に交流電流は瞬時に反転できない
 - » 概念図