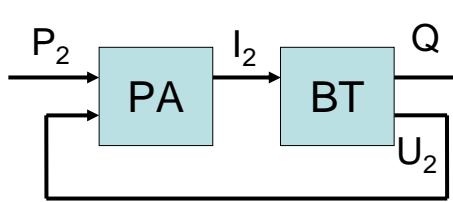


エネルギー論
第5回 電池4
二次電池のモデル化
ゆっくりとした充放電応答
平成21年11月06日

二次電池の準定常モデル1

BT:二次電池反応
PA:内部変数変換



- 入力変数
 - 端子出力電力 $P_2(t)$
- 出力変数
 - 電池の電荷量 $Q(t)$
- 内部変数
 - 端子電圧 $U_2(t)$
 - 端子電流 $I_2(t)$

$$I_2(t) = \frac{P_2(t)}{U_2(t)}$$

二次電池の準定常モデル2

- 電池の容量はAhで表す
 - 定電流の充電・放電で評価
 - 定電流放電試験
 - 満充電時 開放端子電圧Uoc
 - 放電終了電圧まで定電流I₂で放電
(例Uocの80%)
 - 放電時間t_f
 - 依存関係はPeukertの式で表される

$$t_f = \text{const} \cdot I_2^{-n}$$

» n: ポイカート指数
1~1.5(鉛電池で1.35程度)
» 電池の容量は充放電電流に依存する

2009/11/06

エネルギー論

3

二次電池の準定常モデル3

- 放電電流I_{2*}に対する容量Q_{0*}
 - 放電電流が異なると容量も変化する

- 非線形性

$$Q_0^* = I_2^* t_f^* = I_2^* \cdot \text{const} \cdot I_2^{*-n} = \text{const} \cdot I_2^{*1-n}$$

$$Q_0 = I_2 t_f = \text{const} \cdot I_2^{1-n}$$

$$\frac{Q_0}{Q_0^*} = \frac{\text{const} \cdot I_2^{1-n}}{\text{const} \cdot I_2^{*1-n}} = \left(\frac{I_2}{I_2^*} \right)^{1-n}$$

- 修正Peukert式
 - K_c:定数

$$\frac{Q_0}{Q_0^*} = \frac{K_c}{1 + (K_c - 1) \left(\frac{I_2}{I_2^*} \right)^{n-1}}$$

2009/11/06

エネルギー論

4

二次電池の準定常モデル4

- 電池の容量の表現

- Cレート

- 1Cレート

- 電池の全容量を一時間で充放電する電流値

- » 自動車用では100Cレートで評価するのが一般的らしい

- 電池容量Q₀ (Ah)

- 放電電流I₀(A)

$$c(t) = \frac{I_2(t)}{I_0} \quad I_0 = \frac{Q_0}{1}$$

- C=1/xで表す

- x(h)は電池を放電するのに要する時間

2009/11/06

エネルギー・システム論

5

二次電池の準定常モデル5

- 充電状態(SoC: State of charge):q(t)

- 定格電池容量Q₀に対する出力可能な電荷量の比

$$q(t) = \frac{Q(t)}{Q_0}$$

- 電荷残量Qは通常測れない

- 電荷量変化と放電電流の関係

$$\dot{Q}(t) = -I_2(t)$$

- 充電電流は全部充電電荷とはならない

- 充電損失

$$\dot{Q}(t) = -\eta_c I_2(t)$$

- η_c :クーロン効率

2009/11/06

エネルギー・システム論

6

二次電池の準定常モデル6

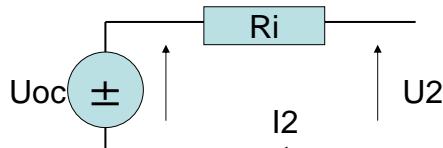
- 電池の等価回路

- 構成

- 理想電圧源(開回路電圧) U_{oc}
 - 内部抵抗 R_i

- KVL

$$U_{oc}(t) - R_i(t)I_2(t) = U_2(t)$$



2009/11/06

エネルギー・システム論

7

二次電池の準定常モデル7

- 等価回路の開回路電圧

- 電池の開回路電圧 U_{oc}

- 電池電荷の関数

$$U_{oc}(t) = \kappa_2 q(t) + \kappa_1$$

- 平衡電位をあらわす
 - κ_1, κ_2 は電池の組成、セル数に依存する定数。動作状態に依存しない。
 - 電圧源とコンデンサの直列回路ともとれる
 - Nernst式でより厳密に表す
 - 実用上は表参照方式

2009/11/06

エネルギー・システム論

8

二次電池の準定常モデル8

- 等価回路の内部抵抗
 - 電池の内部抵抗 R_i
$$R_i = R_d + R_{ct} + R_o$$
 - オーム性抵抗 R_o
 - 電解質・電極・端子間接続を直列した成分
 - 電荷移動抵抗 R_{ct}
 - 電極反応における電荷移動に関する成分
 - 拡散・濃度抵抗 R_d
 - 電解質中のイオンの濃度勾配による拡散に関する成分
 - 欠点 電池電流に依存しないため、モデルの制約大
 - Tafel式を用いた非線形モデル

2009/11/06

エネルギー論

9

二次電池の準定常モデル9 等価回路の内部抵抗と出力電圧

- 電池の内部抵抗 R_i
 - 充電状態 q に応じて変化するモデル
 - 満充電 $q=1$
$$R_i(t) = \kappa_4 q(t) + \kappa_3$$
- 等価回路の端子電圧
$$\begin{aligned} U_2(t) &= U_{oc}(t) - R_i(t)I_2(t) \\ &= \kappa_2 q(t) + \kappa_1 - [\kappa_4 q(t) + \kappa_3] I_2(t) \\ &= \kappa_1 - \kappa_3 I_2(t) + [\kappa_2 - \kappa_4 I_2(t)] q(t) \end{aligned}$$
- 満充電時開放電圧 $U_2(t) = \kappa_1 + \kappa_2$
- 満充電時端子電圧の電圧降下分
$$[\kappa_3 + \kappa_4] I_2(t)$$

2009/11/06

エネルギー論

10

二次電池の準定常モデル9 等価回路の内部抵抗と出力電圧

- 充電状態 q における端子電圧の電圧降下の増分

$$\begin{aligned} & [\{\kappa_1 + \kappa_2\} - \{\kappa_3 + \kappa_4\}I_2(t)] - \{\kappa_1 - \kappa_3 I_2(t) + [\kappa_2 - \kappa_4 I_2(t)]q(t)\} \\ & = -[\kappa_2 - \kappa_4 I_2(t)]q(t) + \kappa_2 - \kappa_4 I_2(t) \\ & = [\kappa_2 - \kappa_4 I_2(t)][1 - q(t)] \end{aligned}$$

2009/11/06

エネルギー・システム論

11

二次電池の準定常モデル10 端子電圧のSOC表現

- 入力電力と端子電圧・電流の関係 $I_2(t) = \frac{P_2(t)}{U_2(t)}$
- 端子電圧の内部変数の電流 I_2 を消去

$$\begin{aligned} U_2(t) &= \kappa_1 - \kappa_3 I_2(t) + [\kappa_2 - \kappa_4 I_2(t)]q(t) \\ &= \kappa_1 - \kappa_3 \frac{P_2(t)}{U_2(t)} + \left[\kappa_2 - \kappa_4 \frac{P_2(t)}{U_2(t)} \right] q(t) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U_2(t)^2 &= \kappa_1 U_2(t) - \kappa_3 P_2(t) + [\kappa_2 U_2(t) - \kappa_4 P_2(t)]q(t) \\ U_2(t)^2 - [\kappa_1 + \kappa_2 q(t)]U_2(t) + P_2(t)[\kappa_3 + \kappa_4 q(t)] &= 0 \end{aligned}$$

$$U_2(t) = \frac{\kappa_1 + \kappa_2 q(t)}{2} \pm \sqrt{\frac{[\kappa_1 + \kappa_2 q(t)]^2}{4} - P_2(t)[\kappa_3 + \kappa_4 q(t)]}$$

2009/11/06

エネルギー・システム論

12

二次電池の準定常モデル11 端子電圧の入力電力表現

- 入力電力と端子電圧・電流の関係
- 等価回路のKVLから電流 I_2 を消去

$$U_2(t) = U_{oc}(t) - R_i(t)I_2(t)$$

$$= U_{oc}(t) - R_i(t) \frac{P_2(t)}{U_2(t)}$$

$$U_2(t)^2 - U_{oc}(t)U_2(t) + R_i(t)P_2(t) = 0$$

$$I_2(t) = \frac{P_2(t)}{U_2(t)}$$

$$U_2(t) = \frac{U_{oc}(t)}{2} \pm \sqrt{\frac{U_{oc}(t)^2}{4} - P_2(t)R_i(t)}$$

2009/11/06

エネルギー・システム論

13

二次電池の準定常モデル12 端子電圧と入力電力の関係

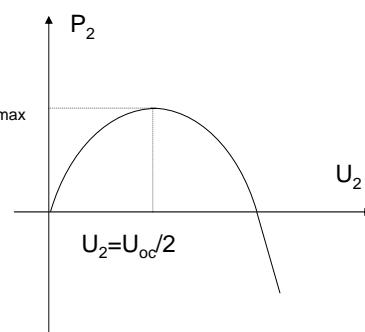
- 放電時の条件

$$P_2(t) > 0$$

$$U_2(t) < U_{oc}(t)$$

- 出力電力は端子電圧の
二次関数

$$P_2(t) = \frac{-U_2(t)^2 + U_{oc}(t)U_2(t)}{R_i(t)}$$



2009/11/06

エネルギー・システム論

14

二次電池の準定常モデル13 端子電圧と入力電力の関係

- 最大放電電力 $\frac{dP_2}{dU_2} = \frac{d}{dU_2} \frac{-U_2(t)^2 + U_{oc}(t)U_2(t)}{R_i(t)}$
- 極値条件 $= \frac{-2U_2(t) + U_{oc}(t)}{R_i(t)} = 0 \quad U_{oc}(t) = 2U_2(t)$
- 最大電力 $P_{2,max}(t) = \frac{-\left(\frac{U_{oc}(t)}{2}\right)^2 + U_{oc}(t)\frac{U_{oc}(t)}{2}}{R_i(t)} = \frac{U_{oc}(t)^2}{4R_i(t)}$
- ピーク電圧, 電流 $U_{2,P}(t) = \frac{U_{oc}(t)}{2}$
 $U_{2,P}(t) = U_{oc}(t) - R_i(t)I_{2,P}(t) \quad I_{2,P}(t) = \frac{U_{oc}(t)}{2R_i(t)}$

2009/11/06

エネルギー・システム論

15

二次電池の準定常モデル14 端子電圧と入力電力の関係

- 電池の端子電圧の制約条件

$$U_2 \in (U_{2,min}, U_{2,max}) \\ U_{2,min} > U_{2,P}$$

- 制約条件下における最大放電電力・電流

$$P_{2,max}(t) = \frac{U_{oc}(t)U_{2,min} - U_{2,min}^2}{R_i(t)}$$

$$U_{2,min}(t) = U_{oc}(t) - R_i(t)I_{2,max}(t)$$

$$I_{2,max}(t) = \frac{U_{oc}(t) - U_{2,min}}{R_i(t)}$$

2009/11/06

エネルギー・システム論

16

二次電池の準定常モデル15 端子電圧と入力電力の関係

- 制約条件下における最大充電電力・電流
 - 端子電圧 $U_2 > U_{oc}$

- 最大電力は端子電圧上限で決まる

$$P_{2,\min}(t) = \frac{U_{oc}(t)U_{2,\max} - U_{2,\max}^2}{R_i(t)}$$

- 最大充電電流(負値)

$$U_{2,\max}(t) = U_{oc}(t) - R_i(t)I_{2,\min}(t)$$

$$I_{2,\min}(t) = \frac{U_{oc}(t) - U_{2,\max}}{R_i(t)}$$

2009/11/06

エネルギー論

17