電力システム解析論

第2回　送電線路のモデルと
インダクタンス1
平成21年10月9日

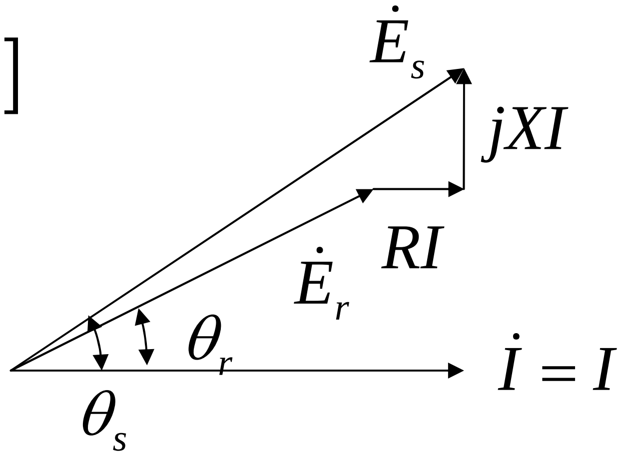
線路モデル

- 50km以下(短距離送電線路)
  - C,g無視
  - R,Lの直列インピーダンス回路
- 50km～100km(中距離送電線路)
  - G無視
  - T, π 型等価回路
- 100km以上(長距離送電線路)　　前回
  - 分布定数回路

短距離送電線路
(50km以下)

- 線路インピーダンス　$R[\Omega], X[\Omega]$
- 送・受電端電圧　$\dot{E}_s[V], \dot{E}_r[V]$
- 送・受電端電流　$\dot{I}_s[A], \dot{I}_r[A]$　　$\dot{I}_s = \dot{I}_r = \dot{I}$
- 送・受電端力率　$\cos\theta_s, \cos\theta_r$
- 電力　$P_s[W], P_r[W]$

線路の絵



短距離送電線路
(50km以下)

- 送受電端電圧の関係

$$\dot{E}_s = E_r \cos\theta_r + IR + j\left(E_r \sin\theta_r + IX\right)[V]$$

$$E_s = \sqrt{\left(E_r \cos\theta_r + IR\right)^2 + \left(E_r \sin\theta_r + IX\right)^2}\,[V]$$

- 送電端電力

$$P_s = \left(E_r \cos\theta_r + IR\right)I[W]$$

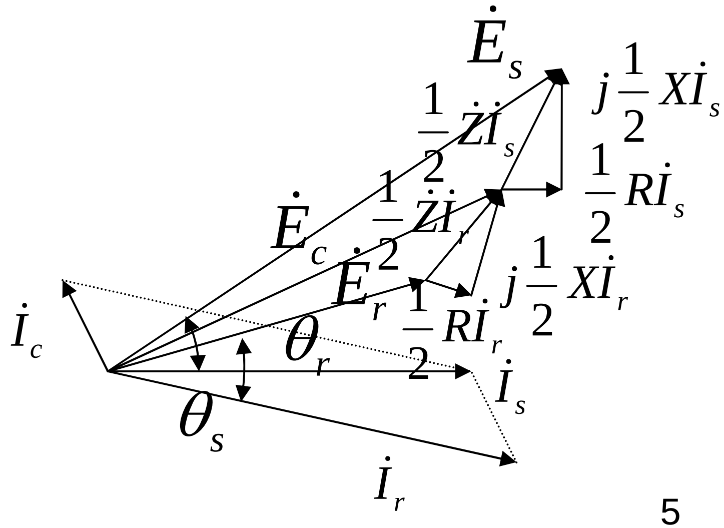
$$Q_s = \left(E_r \sin\theta_r + IX\right)I[W]$$

 – 力率 $\cos\theta_s = \dfrac{E_r \cos\theta_r + IR}{\sqrt{\left(E_r \cos\theta_r + IR\right)^2 + \left(E_r \sin\theta_r + IX\right)^2}}$

中距離送電線路 (50～100km)

- T型等価回路
  - 線路インピーダンス $\frac{1}{2}\dot{Z}=\frac{1}{2}(R+jX)[\Omega]$
    - 線路中央に集中並列アドミタンス $\dot{Y}=j\omega C[S]$
  - 送・受電端電流 $\dot{I}_s[A], \dot{I}_r[A]$ $\dot{I}_s \neq \dot{I}_r$
  - 送・受電端電圧 $\dot{E}_s[V], \dot{E}_r[V]$
    - 中点電圧 $\dot{E}_c=\dot{E}_r+\frac{1}{2}\dot{Z}\dot{I}_r$
    - 中点電流 $\dot{I}=\dot{Y}\dot{E}_c$

線路の絵



中距離送電線路 (50～100km)

- T型等価回路
  - 送・受電端電流の関係

$$\dot{I}_s = \dot{I}_r + \dot{I}_c = \dot{I}_r + \dot{Y}\dot{E}_c = \dot{I}_r + \dot{Y}\left(\dot{E}_r + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{I}_r\right) = \dot{Y}\dot{E}_r + \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{I}_r$$

  - 送・受電端電圧の関係

$$\dot{E}_s = \dot{E}_c + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{I}_s = \left(\dot{E}_r + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{I}_r\right) + \frac{1}{2}\dot{Z}\left\{\dot{Y}\dot{E}_r + \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{I}_r\right\}$$

$$= \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{E}_r + \frac{1}{2}\dot{Z}\left\{1 + \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\right\}\dot{I}_r$$

$$= \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{E}_r + \dot{Z}\left\{1 + \frac{1}{4}\dot{Z}\dot{Y}\right\}\dot{I}_r$$

中距離送電線路 (50～100km)

- π 型等価回路
  - 線路インピーダンス　$\dot{Z} = R + jX\,[\Omega]$
    - 線路両端に並列アドミタンス(0.5)　$\frac{1}{2}\dot{Y} = j\frac{1}{2}\omega C\,[S]$
  - 送･受電端電流　$\dot{I}_s[A], \dot{I}_r[A]$　$\dot{I}_s \neq \dot{I}_r$
    - 線路電流　$\dot{I}_L[A]$
    - シャント電流　$\dot{I}_{cs}[A], \dot{I}_{cr}[A]$
  - 送･受電端電圧　$\dot{E}_s[V], \dot{E}_r[V]$

$$\dot{I}_L = \dot{I}_r + \dot{I}_{cr} = \dot{I}_s - \dot{I}_{cs}$$

$$\dot{I}_{cs} = \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_s, \dot{I}_{cr} = \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_r$$

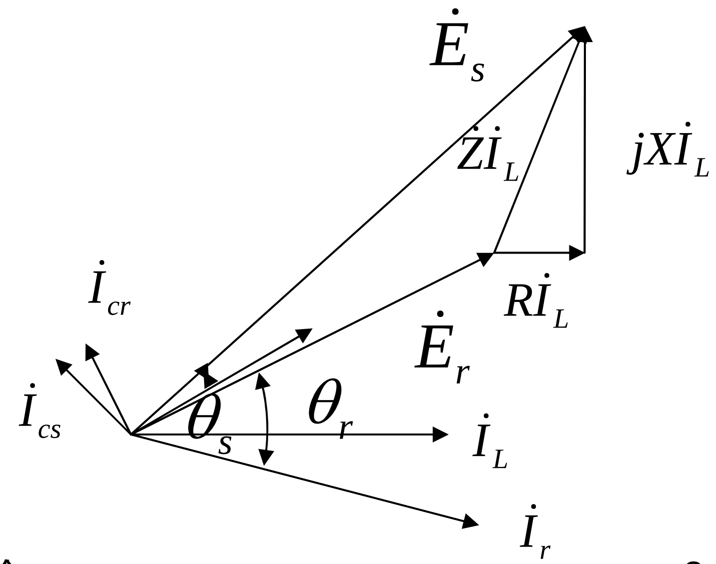
線路の絵

中距離送電線路 (50～100km)

- π 型等価回路
  - 線路電流 $\dot{I}_L = \dot{I}_r + \dot{I}_{cr} = \dot{I}_s - \dot{I}_{cs} = \dot{I}_r + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_r = \dot{I}_s - \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_s$
  - 送・受電端電圧

$$\dot{E}_s = \dot{E}_r + \dot{Z}\dot{I}_L = \dot{E}_r + \dot{Z}\left(\dot{I}_r + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_r\right)$$

$$= \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{E}_r + \dot{Z}\dot{I}_r$$



中距離送電線路 (50～100km)

- π 型等価回路
  - 送・受電端電流

$$\dot{I}_s = \dot{I}_L + \dot{I}_{cs} = \left(\dot{I}_r + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_r\right) + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_s$$

$$= \left(\dot{I}_r + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{E}_r\right) + \frac{1}{2}\dot{Y}\left\{\left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{E}_r + \dot{Z}\dot{I}_r\right\}$$

$$= \dot{Y}\left\{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\left(1 + \frac{1}{2}\dot{Z}\dot{Y}\right)\right\}\dot{E}_r + \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{Z}\right)\dot{I}_r$$

$$= \dot{Y}\left(1 + \frac{1}{4}\dot{Z}\dot{Y}\right)\dot{E}_r + \left(1 + \frac{1}{2}\dot{Y}\dot{Z}\right)\dot{I}_r$$

電力システム

- 何で三相交流？
- 送電線のLC(線路定数)
  - 架空送電線
  - ケーブル線路
- 三相交流回路と対称座標変換
  - 三相交流回路
  - 対称座標系
    - 正相分による表示
- 単位法

線間電圧を基準に取る

なんで三相交流？

- 伝送容量の比較（Vは線間電圧実効値）　　比率
  - 単相二線式
    - 伝送容量　$VI\cos\theta$
    - 条数2 → 一条当りの伝送容量　$\frac{1}{2}VI\cos\theta$　1
  - 単相三線式
    - 伝送容量　$2VI\cos\theta$
    - 条数3 → 一条当りの伝送容量　$\frac{2}{3}VI\cos\theta$　4/3
  - 三相三線式
    - 伝送容量　$\sqrt{3}VI\cos\theta$
    - 条数3 → 一条当りの伝送容量　$\frac{1}{\sqrt{3}}VI\cos\theta$　$2/\sqrt{3}$
  - 三相四線式
    - 伝送容量　$\sqrt{3}VI\cos\theta$
    - 条数4 → 一条当りの伝送容量　$\frac{\sqrt{3}}{4}VI\cos\theta$　$\sqrt{3}/2$
  - 対称n相n線式
    - 伝送容量　$\frac{n}{2}VI\cos\theta$
    - 条数n → 一条当りの伝送容量　$\frac{1}{2}VI\cos\theta$　1
  - 直流方式
    - 伝送容量　VI
    - 条数n → 一条当りの伝送容量　$\frac{1}{2}VI$　1

但しACは実効値なので実質的に2

送電線(多相交流回路)のインダクタンス

- 誘導電圧 $$e = \frac{d\tau}{dt}$$
- e:誘導電圧(V), τ :鎖交磁束 (Wbt)
  - Wbt:磁束(Wb)と鎖交する回路のターン数tの積
    - 二導体回路では各導体の外部磁束は他の回路に一回鎖交する
  - 透磁率一定の場合，鎖交磁束は電流に比例
    - 誘導電圧は電流変化率に比例 $$e = L\frac{di}{dt}$$
  - L:比例定数・回路のインダクタンス(H),di/dt:電流変化率(A/s) $$L = \frac{d\tau}{di}$$
- 線形システムの場合
  - 鎖交磁束は電流に比例 $$L = \frac{\tau}{i}$$
    - 磁気回路は一定の透磁率を持つ

送電線(多相交流回路)のインダクタンス

- 交流回路(正弦波電流)
  - 自己インダクタンスの定義
    電流に対する鎖交磁束
    $$\tau = Li$$
    - 鎖交磁束のフェーザ表示
    $$\Psi = LI$$

    Ψ:鎖交磁束のフェーザ, I:電流のフェーザ
    - 鎖交磁束による電圧降下
    $$V = j\omega LI = j\omega\Psi$$

送電線(多相交流回路)のインダクタンス

- 交流回路(正弦波電流)
  - 相互インダクタンスの定義
    他の回路に流れる電流に起因する鎖交磁束
    - 鎖交磁束のフェーザ表示

$$M_{12} = \frac{\Psi_{12}}{I_2}$$

I2:回路2に流れる電流のフェーザ，Ψ12:回路2に流れる電流により生じる回路1の鎖交磁束のフェーザ

- 回路2の鎖交磁束による回路1に生じる電圧降下

$$V_1 = j\omega M_{12} I_2 = j\omega \Psi_{12}$$