電カシステム解析論

第3回 送電線路のモデルと インダクタンス2 平成22年10月15日

電力システム解析論

1

2010/10/15

送電線のインダクタンス 内部鎖交磁束 ・送電線は太い中実導体 ・電線外部の鎖交磁束だけでなく、電線内部の鎖交 磁束を考える必要あり ・空気の比透磁率1 ・真空の透磁率 μ_0 =4 π ×10⁻⁷H/m ・内部鎖交磁束 $\nu_{int} = \frac{1}{8\pi} 4\pi \times 10^{-7} = \frac{1}{2} \times 10^{-7}$ ・内部インダクタンス $L_{int} = \frac{1}{2} \times 10^{-7}$



導体外部の磁束は、導体中の電流を一度だけ鎖交する
 単位長当たりの鎖交磁束dψは磁束dφに等しい

$$d\psi = d\phi$$

点P1,P2間を鎖交する全磁束
 D1,D2間の鎖交磁束

$$\psi_{12} = \int_{D_1}^{D_2} \frac{\mu I}{2\pi x} dx = \frac{\mu I}{2\pi} \left[\log_e x \right]_{D_1}^{D_2} = \frac{\mu I}{2\pi} \left(\log_e D_2 - \log_e D_1 \right) = \frac{\mu I}{2\pi} \log_e \frac{D_2}{D_1}$$

- 空気の比透磁率1として,真空の透磁率 μ 0=4 π × 10-7H/mより

$$\psi_{12} = \frac{4\pi \times 10^{-7} I}{2\pi} \log_e \frac{D_2}{D_1} = 2 \times 10^{-7} I \log_e \frac{D_2}{D_1} \implies L_{12} = 2 \times 10^{-7} \log_e \frac{D_2}{D_1}$$

2010/10/15

電力システム解析論



導体対の線路インダクタンス 導体1の全インダクタンス(H/m)簡略化表現 - 擬似導体半径r1'を導入 • 半径r1に0.7788をかけることで内部鎖交磁束を考慮することが $L_1 = 2 \times 10^{-7} \times \left(\frac{1}{4} + \log_e \frac{D}{r_e}\right)$ 可能 $\frac{1}{4} = -\log_e \varepsilon \qquad \qquad \varepsilon = e^{-\frac{1}{4}} \cong 0.7788$ $L_1 = 2 \times 10^{-7} \times \left(-\log_e \varepsilon + \log_e \frac{D}{r} \right) = 2 \times 10^{-7} \times \log_e \frac{D}{\varepsilon r} = 2 \times 10^{-7} \times \log_e \frac{D}{r'}$ $r_1' = \mathcal{E}r_1 = r_1 e^{-\frac{1}{4}}$ 2010/10/15 7 電力システム解析論

導体対の線路インダクタンス 導体2のインダクタンス - 導体2に流れる電流は導体1の電流の逆符号 導体2に流れる電流により生成される鎖交磁束は導体1に流れる電流に より生成される鎖交磁束と同じ向き - 導体2のインダクタンスL2(H/m)は導体1と同様 $r_2' = r_2 e^{-\frac{1}{4}}$ $L_2 = 2 \times 10^{-7} \times \log_e \frac{D}{r'}$ • 回路全体(往復導体)のインダクタンスL(H/m) $L = L_1 + L_2 = 2 \times 10^{-7} \times \left(\log_e \frac{D}{r_1'} + \log_e \frac{D}{r_2'}\right) = 4 \times 10^{-7} \times \log_e \frac{D}{\sqrt{r_1'r_1'}}$ - 同じ導体サイズの場合 $r_1' = r_2' = r'$ $L = 2 \times 10^{-7} \times \log_e \frac{D}{n'}$ 2010/10/15 8 電力システム解析論



多条導体の鎖交磁束
・ P→∞として導体1に鎖交する磁束ψ1(WbT/m)

$$\lim_{p\to\infty} \log_{e} \frac{D_{ip}}{D_{np}} = \log_{e} 1 = 0$$

$$\psi_{1} = \left(I_{1} \log_{e} \frac{1}{r_{1}'} + I_{2} \log_{e} \frac{1}{D_{12}} + I_{3} \log_{e} \frac{1}{D_{13}} \dots + I_{n} \log_{e} \frac{1}{D_{1n}}\right) \times 2 \times 10^{-7}$$
2010/15

重力ンステム解析論 13

SQL 算体Xの素導体alに対する鎖交磁束ψa(WbT/m)

$$\psi_{a} = \frac{I}{n} \left(\log_{e} \frac{1}{r_{a}'} + \log_{e} \frac{1}{D_{ab}} + \log_{e} \frac{1}{D_{ac}} \dots + \log_{e} \frac{1}{D_{am}}\right) \times 2 \times 10^{-7}$$

$$- \frac{I}{m} \left(\log_{e} \frac{1}{D_{ab}'} + \log_{e} \frac{1}{D_{ab}'} + \log_{e} \frac{1}{D_{ac}'} \dots + \log_{e} \frac{1}{D_{am}}\right) \times 2 \times 10^{-7}$$

$$= I \log_{e} \frac{\sqrt{D_{aa}D_{ab}D_{ac}'} \dots D_{am}}{\sqrt{r_{a}'D_{ab}D_{ac}'} \dots D_{am}} \times 2 \times 10^{-7}$$

2010/10/15

電力システム解析論

14

多条導体送電線
• 導体xのインダクタンスLx(H/m)
- 全ての素導体が等しいインダクタンスLav(H/m)を持つ
- n本の素導体の並列接続
- 総インダクタンスは平均インダクタンスLavの1/n

$$L_x = \frac{L_a}{n} = \frac{L_a + L_b + L_c \cdots + L_n}{n^2}$$

$$= \log_e \frac{m\sqrt{(D_{aa'}D_{ab'} \cdots D_{am})(D_{ba'}D_{bb'} \cdots D_{bm}) \cdots (D_{na'}D_{nb'} \cdots D_{nm})}{\sqrt[n]{(D_{aa}D_{ab} \cdots D_{an})(D_{ba}D_{bb} \cdots D_{bn}) \cdots (D_{na}D_{nb} \cdots D_{nn})}} \times 2 \times 10^{-7}$$

2010/10/15

Γ

Г

16

